

# Concept learning in description logics using refinement operators



TECHNISCHE  
UNIVERSITÄT  
DARMSTADT

## DL-Learner: Learning Concepts in Description Logic

- Concept learning in description logics using refinement operators
  - Einführung in DL
  - Refinement Operator
  - Lernalgorithmus
  - Evaluation
  - Fazit
- DL-Learner: Learning Concepts in Description Logics
  - Einführung
  - Struktur
  - Fazit

# Einführung

## Description Logic

---

- Sprache für Wissensrepräsentation
- Untermenge von Prädikatenlogik erster Stufe
  - Weniger Ausdrucksstärke
  - Syntax ohne Variablen
  - Entscheidbar
- Web Ontology Language (OWL) basiert auf DL

# Einführung

## Description Logic

- Konzept
  - Axiom
  - {Mensch, Raum}
- Objekt
  - Konstante
  - gehört einem oder mehreren Konzepten an
  - {E302}
- Rollen
  - Relation



Gustave Courbet -  
Selbstportrait mit einem schwarzen Hund

# Description Logic

## Syntax

Syntax	Semantik
$A$	$A^{\mathcal{I}} \subseteq \Delta^{\mathcal{I}}$
$r$	$r^{\mathcal{I}} \subseteq \Delta^{\mathcal{I}} \times \Delta^{\mathcal{I}}$
$\top$	$\Delta^{\mathcal{I}}$
$\perp$	$\emptyset$
$C \sqcap D$	$(C \sqcap D)^{\mathcal{I}} = C^{\mathcal{I}} \cap D^{\mathcal{I}}$
$C \sqcup D$	$(C \sqcup D)^{\mathcal{I}} = C^{\mathcal{I}} \cup D^{\mathcal{I}}$
$\neg C$	$\neg C = \Delta^{\mathcal{I}} \setminus C^{\mathcal{I}}$
$\exists r.C$	$(\exists r.C)^{\mathcal{I}} = \{a \mid \exists b.(a,b) \in r^{\mathcal{I}} \text{ und } b \in C^{\mathcal{I}}\}$
$\forall r.C$	$(\forall r.C)^{\mathcal{I}} = \{a \mid \forall b.(a,b) \in r^{\mathcal{I}}\}$

Was war auf dem Bild von vor  
zwei Folien?

# Description Logic

## Beispiel

---



TECHNISCHE  
UNIVERSITÄT  
DARMSTADT

Potrait  $\sqcap$

$\exists$ beinhaltet.Mann  $\sqcap$

$\exists$ beinhaltet.Hund

# Description Logic

## Beispiel



TECHNISCHE  
UNIVERSITÄT  
DARMSTADT

Potrait  $\sqcap$   
 $\exists$ beinhaltet.Mann  $\sqcap$   
 $\exists$ beinhaltet.Hund



Jan Wildens - Winterlandschaft mit einem Jäger



Harmensz van Rijn Rembrandt -  
Selbstbildnis in orientalischem Kostüm





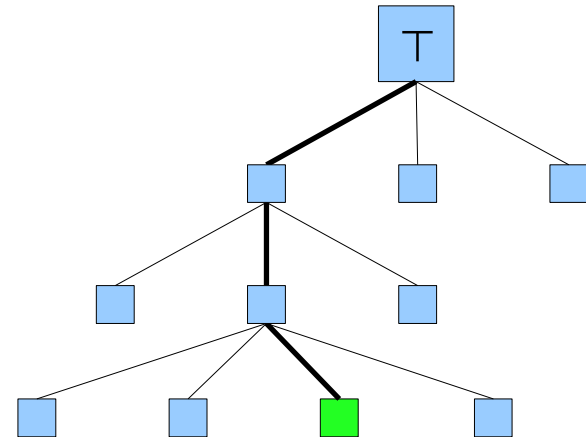
# Description Logic

## Wissen

- TBox (terminological box)
  - Menge von Konzepten
  - Tisch  $\equiv$  Fläche  $\sqcap \exists$ besitzt.Bein
- ABox (assertional box)
  - Zuordnung Objekte zu Konzepten
  - studiert(Max Mustermann, Informatik)
  - studiertAn(Max Mustermann, TUD)

# Refinement Operator Konzept

- Suche in einer Baumstruktur
- Spezialisierung der Aussage
- Ausgangslage:  $\top$



Beispiel:

$$\top \rightsquigarrow_{\rho} \text{Mensch} \rightsquigarrow_{\rho} \text{Mensch} \sqcap \exists \text{besitzt} . \top \rightsquigarrow_{\rho} \text{Mensch} \sqcap \exists \text{besitzt} . \text{Hund}$$

# Refinement Operator

## Definition

$\rho(C)$  Menge von Operationen:

$$\begin{array}{ll} \{\perp\} \cup \rho_{\top}(C) & \text{falls } C = \top \\ \rho_{\top}(C) & \text{sonst} \end{array}$$

$\rho_B(C)$  Menge von Operationen:

- $\emptyset$  falls  $C = \perp$
- $\{C_1 \sqcup \dots \sqcup C_n \mid C_i \in M_B (1 \leq i \leq n)\}$  falls  $C = \top$

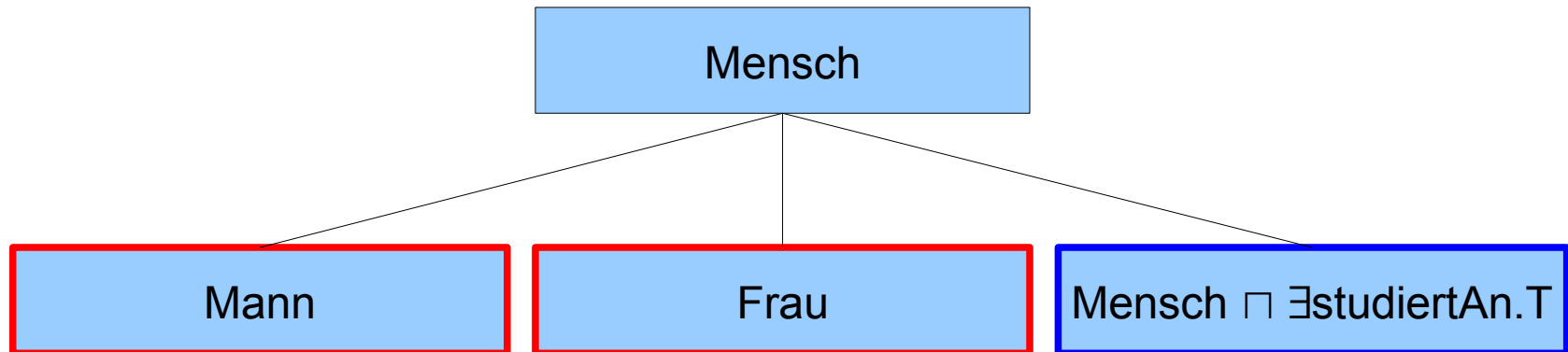
# Refinement Operator

## Definition

$$\{A' \mid A' \in \text{sh}_\downarrow(A)\}$$

falls  $C = A$  ( $A \in N_C$ )

$$\cup \{A \sqcap D \mid D \in \rho_T(\top)\}$$



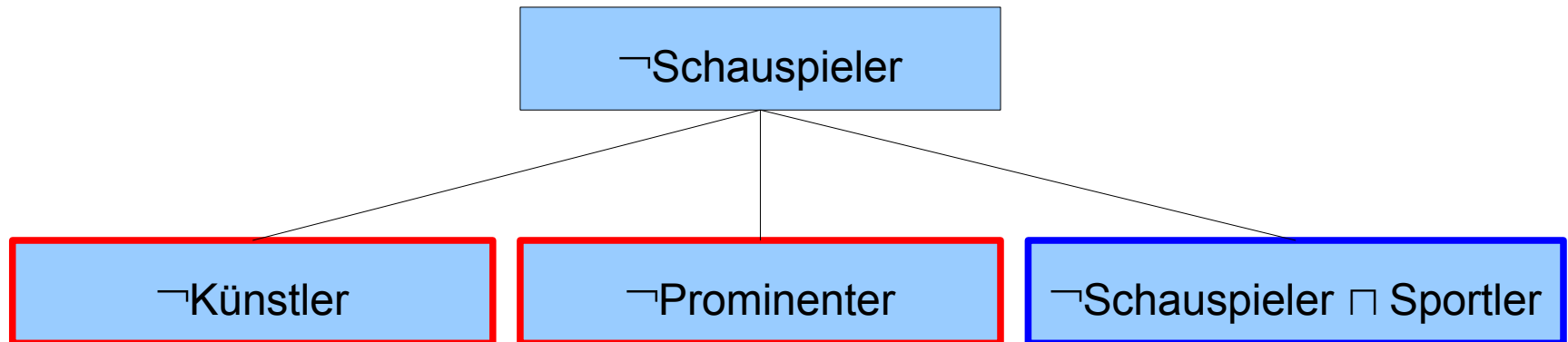
# Refinement Operator

## Definition (Fortsetzung)

$$\{\neg A' \mid A' \in \text{sh}_\uparrow(A)\}$$

falls  $C = \neg A$  ( $A \in N_C$ )

$$\cup \{\neg A \sqcap D \mid D \in \rho_T(\top)\}$$



# Refinement Operator

## Definition (Fortsetzung)



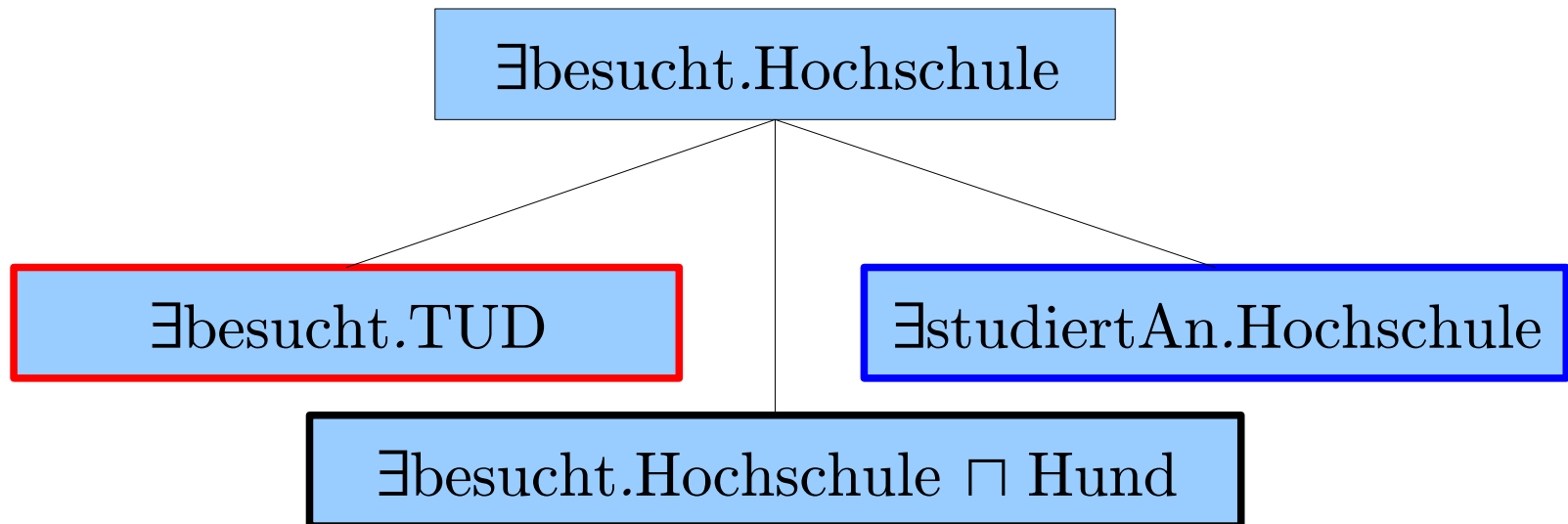
TECHNISCHE  
UNIVERSITÄT  
DARMSTADT

$$\{ \exists r.E \mid A = ar(r), E \in \rho_A(D) \}$$

falls  $C = \exists r.D$

$$\cup \{ \exists r.D \sqcap E \mid E \in \rho_B(\top) \}$$

$$\cup \{ \exists s.D \mid s \in sh_{\downarrow}(r) \}$$



# Refinement Operator

## Definition (Fortsetzung)

$$\begin{aligned} & \{ \forall r.E \mid A = ar(r), E \in \rho_A(D) \} && \text{falls } C = \forall r.D \\ & \cup \{ \forall r.D \sqcap E \mid E \in \rho_B(\top) \} \\ & \cup \{ \forall r.\perp \mid D = A \in N_C \text{ und } sh_{\downarrow}(A) = \emptyset \} \\ & \cup \{ \forall s.D \mid s \in sh_{\downarrow}(r) \} \end{aligned}$$

$\forall \text{liest.Bücher}$

$\forall \text{liest.}(\text{Bücher} \sqcap \exists \text{sprache.DE})$

$\forall \text{liest.Bücher} \sqcap \exists \text{besitzt.Hund}$

$\forall \text{liest.}\perp$

$\forall \text{liestVor.Bücher}$

# Refinement Operator

## Definition (Fortsetzung)

- $\{C_1 \sqcap \dots \sqcap C_{i-1} \sqcap D \sqcap C_{i+1} \sqcap \dots \sqcap C_n \mid D \in \rho_B(C_i), 1 \leq i \leq n\}$   
falls  $C_1 \sqcap \dots \sqcap C_n$  ( $n \geq 2$ )
- $\{C_1 \sqcup \dots \sqcup C_{i-1} \sqcup D \sqcup C_{i+1} \sqcup \dots \sqcup C_n \mid D \in \rho_B(C_i), 1 \leq i \leq n\}$   
 $\cup \{(C_1 \sqcup \dots \sqcup C_n) \sqcap D \mid D \in \rho_B(\top)\}$   
falls  $C_1 \sqcup \dots \sqcup C_n$  ( $n \geq 2$ )



# Refinement Operator

## Probleme



- Unendlich

- Bsp.:  $\forall r. \forall r. \dots C$
- Lösung: Beschränkung auf Länge n

- Redundant

- Mehrere Pfade im Suchbaum zu gleichem Konzept
- Lösung: ein Redundanzcheck

- Nicht zweckmäßig (not proper)

- $C \rightsquigarrow_{\rho} C_1 \rightsquigarrow_{\rho} \dots \rightsquigarrow_{\rho} C_n = D$   
*mit  $C \not\equiv D$  und  $C_i \equiv C$  für  $1 \leq i \leq n-1$*
- Lösung:  $\rho^d_{\downarrow}(C)$

# Lernalgorithmus

## Heuristik

- $\text{accuracy}(C) = 1 - (\text{up} + \text{cn})/|E|$
- $\text{acc\_gain}(N) = \text{accuracy}(C) - \text{accuracy}(C')$ 
  - $C'$  ist das Konzept des Elternknoten
- $\text{Bewertung}(N) = \text{accuracy}(C) + \alpha * \text{acc\_gain}(N) + \beta * n$

# Lernalgorithmus

## Implementierung



TECHNISCHE  
UNIVERSITÄT  
DARMSTADT

**Input:** Wissensdatenbank, Beispiele

$SB$  (Suchbaum) bestehend nur aus dem Wurzelknoten  $(\top, 0, false)$

**while**  $SB$  beinhaltet keinen passenden Knoten **do**

    wähle  $N = (C, n, b)$  mit höchster Bewertung in  $SB$

    erweitere die Länge von  $N$  auf  $n + 1$ :

**begin**

        füge alle  $(D, n, checkRed(SB, D))$  mit

$D \in trans(\rho^{\downarrow}_{cl}(C))$  and  $|D| = n + 1$  als Kinder  $N$  hinzu

        überprüfe die neuen Knoten auf Redundanz

        ändere  $N$  zu  $(C, n + 1, b)$

**end**

**Return** passende Konzept in  $SB$

- Fehlen an Trainingsdaten für Ontologielernen
  - Konvertierung existierender Lernprobleme in OWL
- Michalski's Trains [2]
  - Züge mit unterschiedlichen Wagons
- FORTE [1]
  - Familienbeziehungen
- UCI Machine Learning repository
  - Hand beim Poker
  - Moralische Argumentation von Menschen
  - <http://archive.ics.uci.edu/ml/>

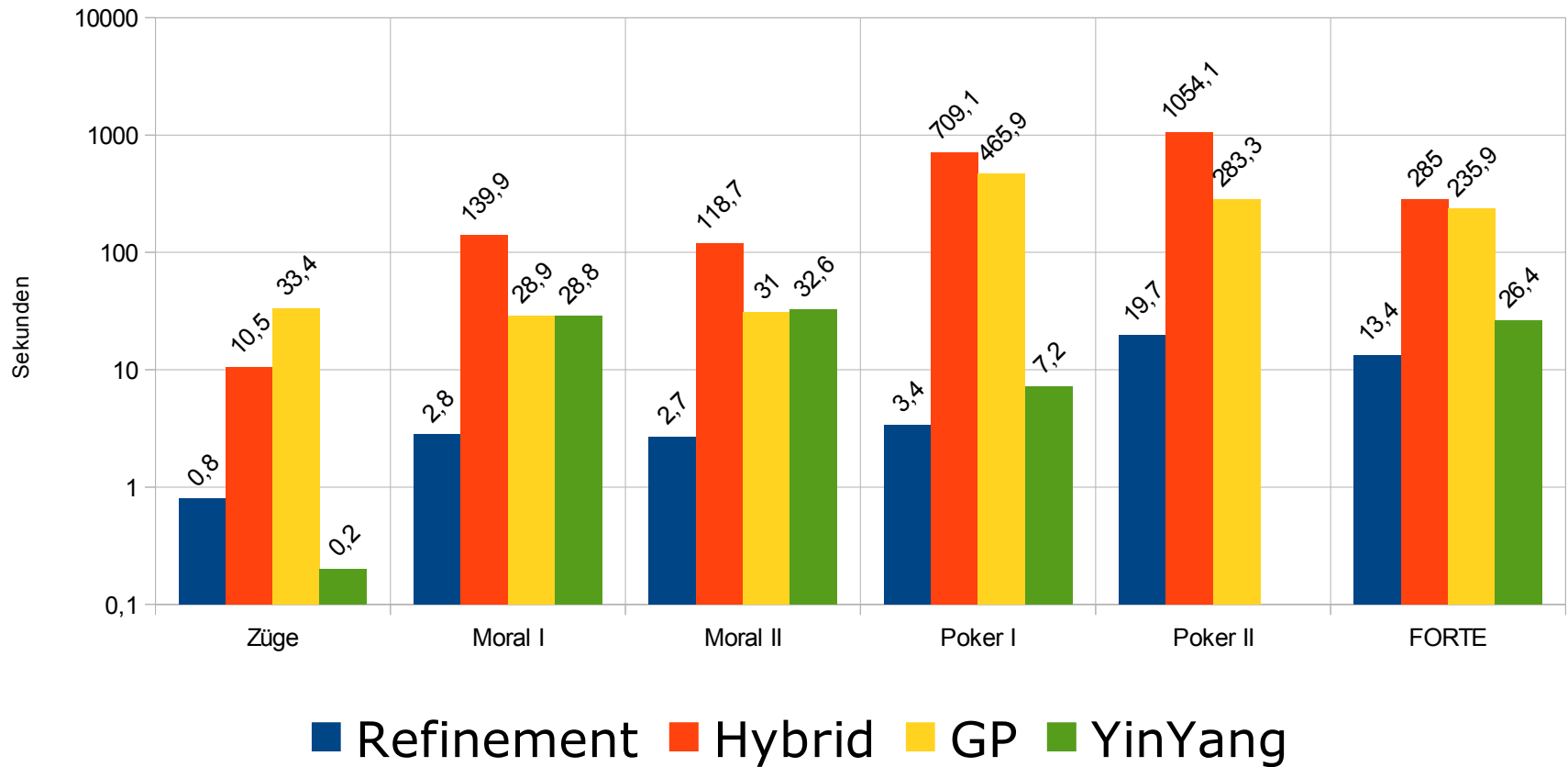
# Evaluierung

## Vergleich

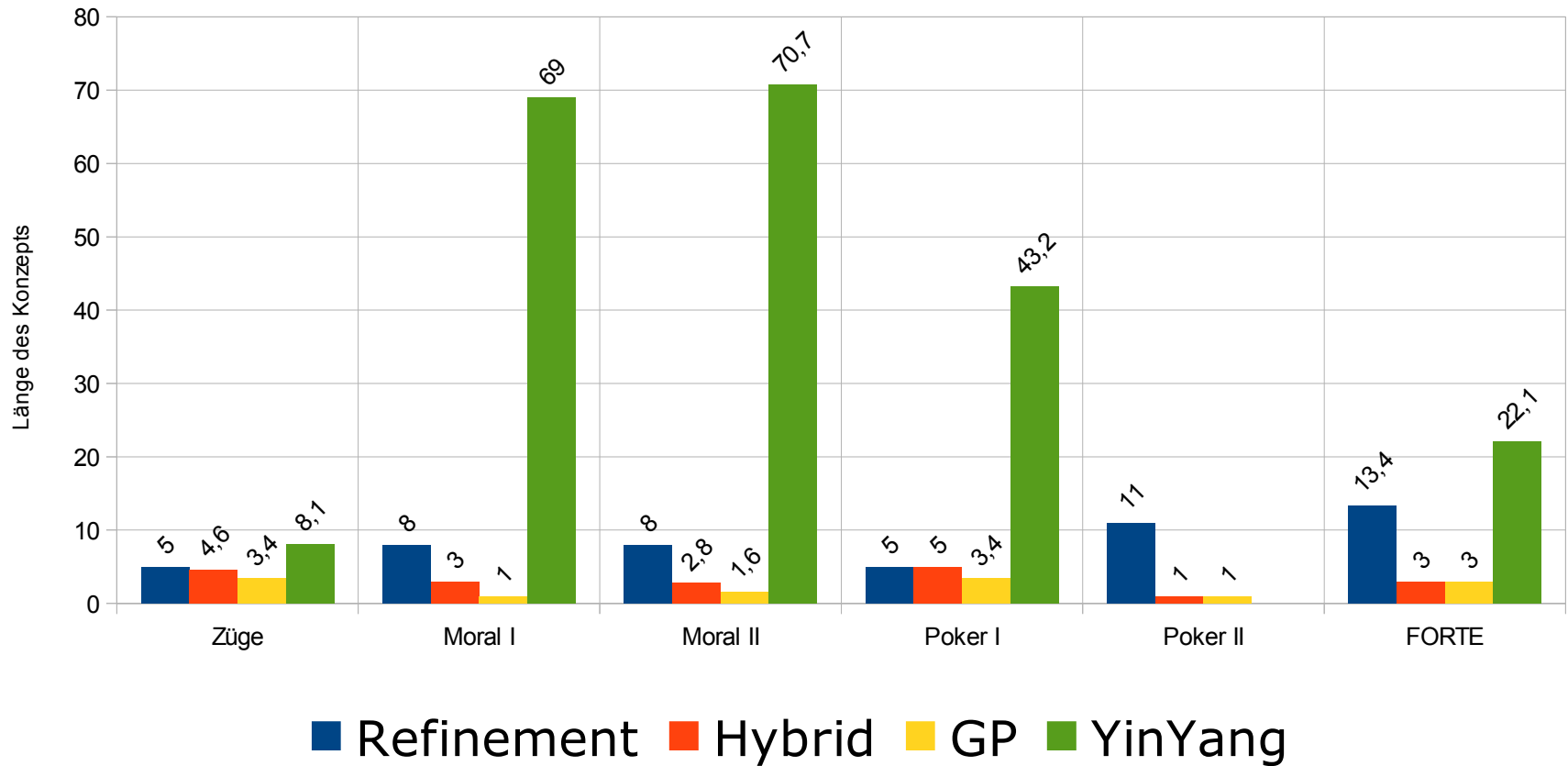
---

- YinYang [3]
- Hybrider Algorithmus
  - Refinement Operator + generische Programmierung
- Generische Programmierung

# Evaluierung Dauer



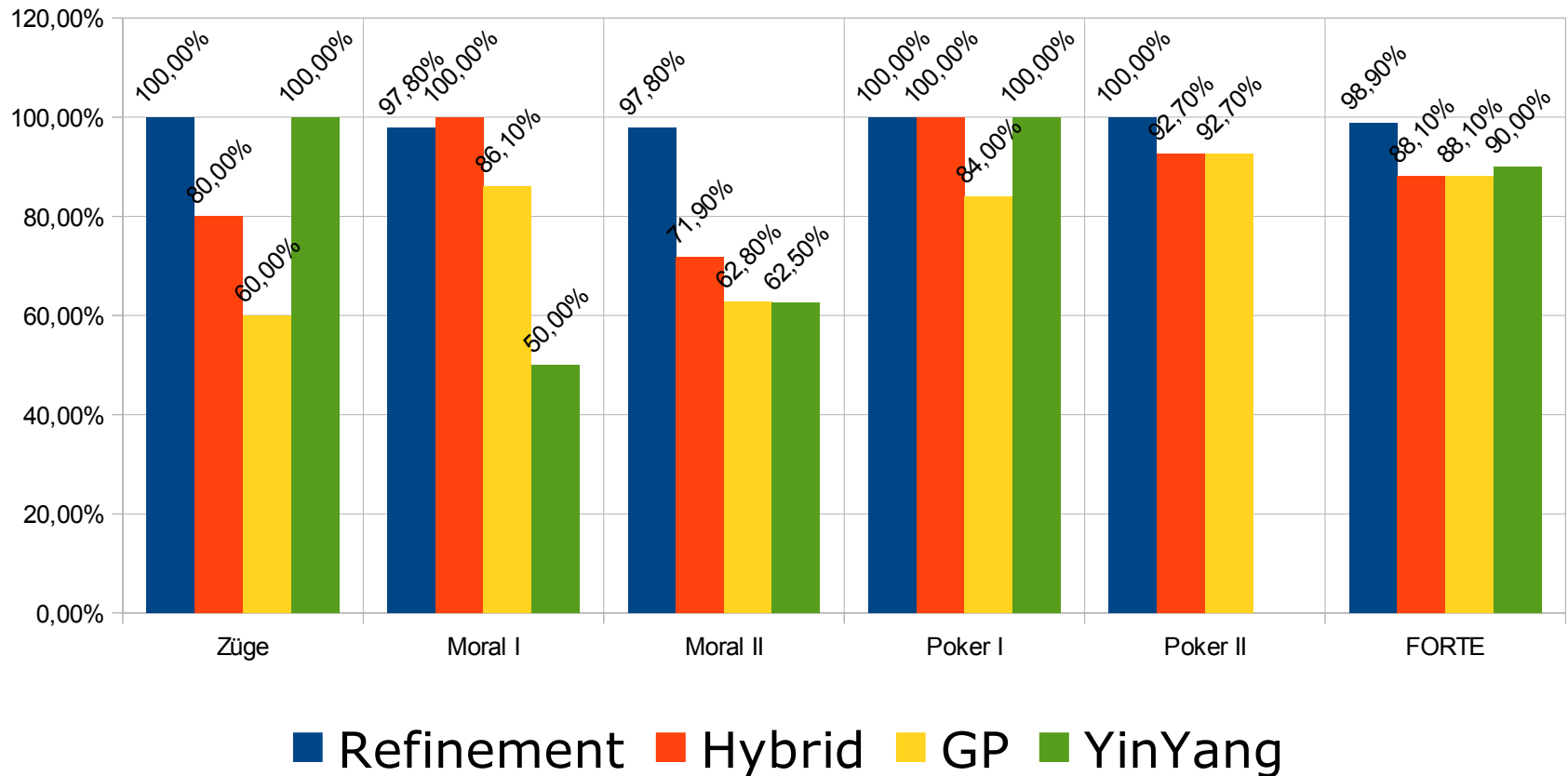
# Evaluierung Länge



# Evaluierung Accuracy



TECHNISCHE  
UNIVERSITÄT  
DARMSTADT





- Unbefriedigende Evaluierungsszenarien
- Nicht bewiesener Redundanzcheck

- Erstellung von kompakten lesbaren Konzepten
- Hohe Accuracy
- Anwendbar auf beliebige Datensätze
  - Bsp.: DBpedia mit 100 Millionen Axiome

# DL-Learner

## Einleitung

- Framework für Lernalgorithmen



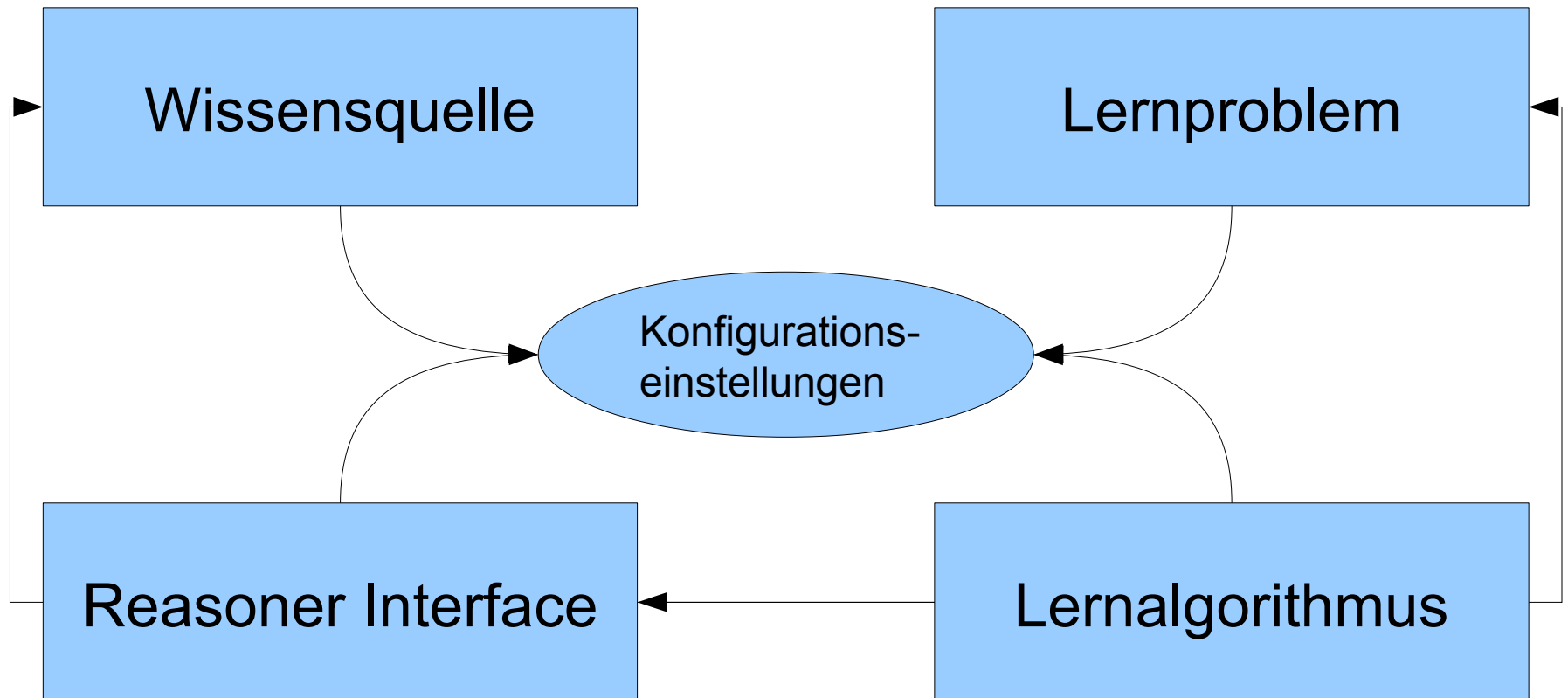
- Spezialisiert auf OWL

- Open Source

- Java 6

- <http://dl-learner.org/Projects/DLLearner>

# DL-Learner Struktur



- Gut dokumentiert
  - Inklusive einer Wiki
- Modularer Aufbau
  - Leicht erweiterbar

---

# Ende

---



TECHNISCHE  
UNIVERSITÄT  
DARMSTADT

# Fragen?

---

# Anhang

---



TECHNISCHE  
UNIVERSITÄT  
DARMSTADT

- [1] Richards, B. L., & Mooney, R. J. (1995). Refinement of first-order Horn-clause domain theories. *Machine Learning*, 19(2), 95–131.
- [2] Michalski, R. S. (1980). Pattern recognition as rule-guided inductive inference. *IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence*, 2(4), 349–361.
- [3] Iannone, L., Palmisano, I., & Fanizzi, N. (2007). An algorithm based on counterfactuals for concept learning in the semantic web. *Applied Intelligence*, 26(2), 139–159.



# Refinement Operator

## Definition

$\rho(C)$  Menge von Operationen:

$$\begin{array}{ll} \{\perp\} \cup \rho_{\top}(C) & \text{falls } C = \top \\ \rho_{\top}(C) & \text{sonst} \end{array}$$

$\rho_B(C)$  Menge von Operationen:

- $\emptyset$  falls  $C = \perp$
- $\{C_1 \sqcup \dots \sqcup C_n \mid C_i \in M_B (1 \leq i \leq n)\}$  falls  $C = \top$
- $\{A' \mid A' \in \text{sh}_{\downarrow}(A)\}$  falls  $C = A (A \in N_C)$   
 $\cup \{A \sqcap D \mid D \in \rho_{\top}(\top)\}$

# Refinement Operator

## Definition (Fortsetzung)



- $\{\neg A' \mid A' \in sh_{\uparrow}(A)\}$  falls  $C = \neg A$  ( $A \in N_C$ )  
 $\cup \{\neg A \sqcap D \mid D \in \rho_{\top}(\top)\}$
- $\{\exists r.E \mid A = ar(r), E \in \rho_A(D)\}$  falls  $C = \exists r.D$   
 $\cup \{\exists r.D \sqcap E \mid E \in \rho_B(\top)\}$   
 $\cup \{\exists s.D \mid s \in sh_{\downarrow}(r)\}$
- $\{\forall r.E \mid A = ar(r), E \in \rho_A(D)\}$  falls  $C = \forall r.D$   
 $\cup \{\forall r.D \sqcap E \mid E \in \rho_B(\top)\}$   
 $\cup \{\forall r.\perp \mid D = A \in N_C \text{ und } sh_{\downarrow}(A) = \emptyset\}$   
 $\cup \{\forall s.D \mid s \in sh_{\downarrow}(r)\}$

# Refinement Operator

## Definition (Fortsetzung)

- $\{C_1 \sqcap \dots \sqcap C_{i-1} \sqcap D \sqcap C_{i+1} \sqcap \dots \sqcap C_n \mid D \in \rho_B(C_i), 1 \leq i \leq n\}$   
falls  $C_1 \sqcap \dots \sqcap C_n$  ( $n \geq 2$ )
- $\{C_1 \sqcup \dots \sqcup C_{i-1} \sqcup D \sqcup C_{i+1} \sqcup \dots \sqcup C_n \mid D \in \rho_B(C_i), 1 \leq i \leq n\}$   
 $\cup \{(C_1 \sqcup \dots \sqcup C_n) \sqcap D \mid D \in \rho_B(\top)\}$   
falls  $C_1 \sqcup \dots \sqcup C_n$  ( $n \geq 2$ )