

---

# Introduction to Data and Knowledge Engineering SS09 – SLD

---



TECHNISCHE  
UNIVERSITÄT  
DARMSTADT

Ziel: eine einfache Datenstruktur für die Abarbeitung von Queries in Prolog.

Motivation:

- ▶ Wiederholung: Wie bearbeitet Prolog Queries?
  - ▶ Wenn ich SLD programmieren müsste, wie könnte ich es angehen
  - ▶ Welche Schritte/Zusatzinformationen unterschlagen
    - ▶ SLD-Suchbaum aus Übung
    - ▶ trace-Ausgabe des Interpreter
- und wie kann ich diese beiden Darstellung aufeinander abbilden?

# SLD Abarbeitung

## Beispiel

### Beispielprogramm

a(X) :- b(X),c(X).

b(1).

b(2).

c(2).

### Abarbeitung der Query a(Y).

	Teilziele	Zähler	Subst.	
0	a(Y).	0/1		↓
1	b(_1),c(_1).	0/2	Y/_1.	↓
2	b(1),c(1).	0/1	_1/1.	↓
3	c(1).	0/0		↑
2	b(1),c(1).	1/1	_1/1.	↑
1	b(_1),c(_1).	1/2	Y/_1.	↓
2	b(2),c(2).	0/1	_1/2.	↓
3	c(2).	0/1		↓
4	.	0/0		→

*Globaler Zustand C* der Abarbeitung besteht aus

- ▶ Kette von lokalen Zuständen  $C = (Q_1, \dots, Q_r)$
- ▶ letzter lokale Zustand  $Q_r$  ist *aktiver Zustand*

Beispiel globaler Zustand:

a(Y) .	0/1	
b(_1), c(_1) .	0/2	Y/_1 .
b(1), c(1) .	0/1	_1/1 .

*Lokaler Zustand Q* besteht aus

- ▶ Liste von Teilzielen (Literalen)  $L = L_1, \dots, L_s$ .
- ▶ Zähler  $k/K$ : die  $k$  ersten der  $K$  möglichen Auslösung von  $L_1$  wurden schon probiert
- ▶ Liste von Substitutionen  $S = \theta_1, \dots, \theta_t$ , die beim Erzeugen von  $Q$  verwendet wurden

Beispiel lokaler Zustand:

b(_1), c(_1) .	0/2	Y/_1 .
----------------	-----	--------

Redundanzen:

- ▶ Substitutionen  $S$  für  $Q_i$  ergeben sich aus  $Q_1 \dots Q_{i-1}$  und dem Programm
- ▶  $K$  ergibt sich aus  $L_1$  und dem Programm

Übergang von globalen Zustand  $C$  mit aktiven Zustand  $Q$  in globalen Zustand  $\bar{C}$ :

- ▶ falls  $k < K$  in  $Q$ , wird ein lokaler Zustand  $\bar{Q}$  angehängt ( $\downarrow$ )
- ▶ falls  $k = K$  in  $Q$ , wird  $Q$  abhängt/gelöscht ( $\uparrow$ )

Anhängen:

- ▶ ersetze erstes Literal  $L_1$  von  $Q$  durch Body-Literale der  $k + 1$ -ten Regel, deren Head mit  $L_1$  unifiziert werden kann
- ▶ die Regel bekommt dafür immer frische Variablen
- ▶ Substitutionen werden auf alle Literale von  $Q$  angewandt
- ▶ setze Zähler von  $\bar{Q}$  auf  $0/\bar{K}$ , wobei  $\bar{K}$  die Zahl möglichen Unifikationen für das erste Literal  $\bar{L}_1$  von  $\bar{Q}$  ist

Abhängen:

- ▶ nach dem Abhängen wird Zähler  $k$  jetzt aktiven Zustands wird um Eins erhöht

Ende der Abarbeitung:

- ▶ ist Liste der Literale  $L$  im aktiven Zustand leer, wurde eine Lösung für die Query gefunden ( $\rightarrow$ )
- ▶ gibt user ';' ein, wird weiter abgearbeitet: der aktive Zustand wird abgehängt
- ▶ sonst wird Abarbeitung abgebrochen
- ▶ wenn erste Zustand der Kette  $C$  abgehängt wurde, ist die Abarbeitung beendet

Substitutionen in lokalen Zustand Schreiben:

- ▶ Ziel ist es, im Zustand, der eine Lösung findet, einfach an die konkreten Werte der Query-Variablen zu kommen
- ▶ wende iterativ die Substitutionen entlang der Kette an

Die Abarbeitung entspricht Traversierung eines Baumes.

- ▶ ein Knoten ist ein lokale Zustand  $Q$
- ▶  $K$  ist die Anzahl der Kinder von  $Q$  und  $k$  gibt an wieviele davon schon besucht wurden
- ▶ globaler Zustand  $C$  entspricht einem Pfad, der in der Wurzel beginnt
- ▶ Lösungen werden in Blättern gefunden
- ▶ nicht jedes Blatt ist eine Lösung

# SLD Abarbeitung

## Suchbaum Darstellung in der Übung

Darstellung der Suche in der Übung (kürzere Form):

$a(Y) \rightarrow b(Y), c(Y)$   
 $b(Y) \rightarrow Y=1, \text{Exit}$   
 $c(1) \rightarrow \text{Fail}$   
 $b(Y) \rightarrow Y=1, \text{Exit}$   
 $c(2) \rightarrow \text{Exit}$

- ▶ entsteht durch Substitution ein Fakt, wurde dessen Auflösung übersprungen
- ▶ nur erstes Literal wird wiederholt notiert
- ▶ backtracking/Äabhängen ( $\uparrow$ ) wird nicht explizit notiert
- ▶ neue Variablen werden nur verwendet, wenn nötig
- ▶ für  $b(Y) \rightarrow Y=1, \text{Exit}$  hatten wir auch  $b(Y) \rightarrow \text{Exit}:\{Y/1\}$  geschrieben

# SLD Abarbeitung

## Trace Ausgabe eines Interpreters

### GNU-Prolog 1.3.0

- ▶ Redo: nächste mögliche Unifikation wird verwendet
- ▶ aber statt Redo:b(\_16) steht dort Redo:b(1), d.h letztes *Unifikat* anstelle des *Unifikanten*
- ▶ backtracking (↑) wird immer explizit ausgegeben

```
| ?- a(Y).  
1      1  Call:  a(_16) ?  
2      2  Call:  b(_16) ?  
2      2  Exit:  b(1) ?  
3      2  Call:  c(1) ?  
3      2  Fail:  c(1) ?  
2      2  Redo:  b(1) ?  
2      2  Exit:  b(2) ?  
3      2  Call:  c(2) ?  
3      2  Exit:  c(2) ?  
1      1  Exit:  a(2) ?
```