Einführung in die Künstliche Intelligenz

SS09 - Prof. Dr. J. Fürnkranz



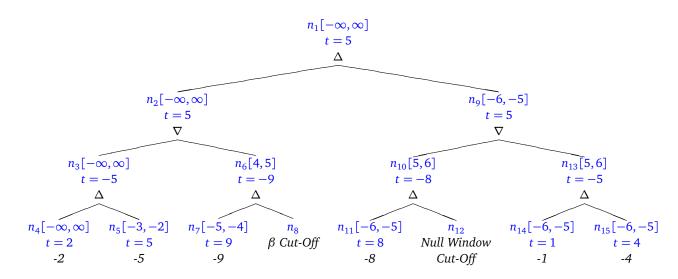
Beispiellösung für das 3. Übungsblatt (02.06.2009)

Aufgabe 3.1 Minimal Window

a) NegaMax und NegaScout erlauben eine simplere Fomulierung des Minimax bzw. Alpha-Beta-Algorithmus (mit Minimal Window), in dem die Konvention benutzt wird, dass die Evaluationswerte immer aus der Sicht des aktiven Spielers dargestellt sind. Somit ist es also nun auch für den MIN-Spieler möglich, durch Maximierung über die Bewertungen der Nachfolgerknoten die optimale Entscheidung zu bestimmen. Für die korrekte "Sichtweise" wird neben einer Anpassung im ursprünglichen Algorithmus auch die Utility-Funktion verändert, die wie folgt ist:

$$UTILITY(n) = \begin{cases} -n, & PARENT(n) \text{ is MAX} \\ n, & PARENT(n) \text{ is MIN} \end{cases}$$

b) In dem folgenden Baum sind für jeden Knoten die Schranken angegeben, mit denen NegaScout aufgerufen wird.



Der Ablauf von NegaScout sieht folgendermassen aus:

```
NegaScout(n_1, -\infty, +\infty) a = \alpha = -\infty, b = \beta = +\infty

Nachfolger von n_1: \{n_2, n_9\} t = -\text{NegaScout}(n_2, -\infty, +\infty) a = \alpha = -\infty, b = \beta = +\infty

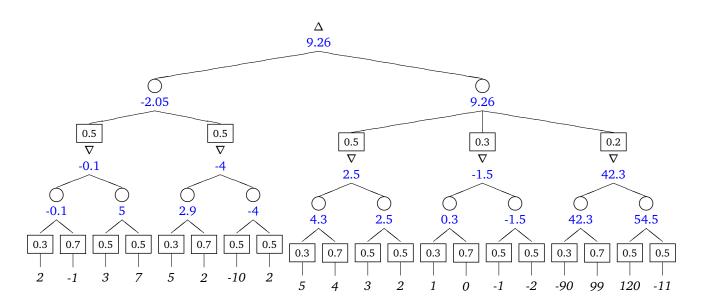
Nachfolger von n_2: \{n_3, n_6\} t = -\text{NegaScout}(n_3, -\infty, +\infty) a = \alpha = -\infty, b = \beta = +\infty

Nachfolger von n_3: \{n_4, n_5\} t = -\text{NegaScout}(n_4, -\infty, +\infty) = 2 (Blattknoten) a = 2, b = 3 t = -\text{NegaScout}(n_5, -3, -2) = 5 (Blattknoten) a = 5, b = 6
```

```
t = -5
      a = -5, b = -4
       t = -\text{NegaScout}(n_6, 4, 5)
             a = \alpha = 4, b = \beta = 5
             Nachfolger von n_6: \{n_7, n_8\}
             t = -\text{NegaScout}(n_7, -5, -4) = 9 \text{ (Blattknoten)}
             a = 9
             a \ge \beta? 9 > 5 (\beta Cut-Off, n_8 wird nicht durchsucht)
      t = -9
      a = -5, b = -4
t = 5
a = 5, b = 6
t = -\text{NegaScout}(n_9, -6, -5)
      a = \alpha = -6, \ b = \beta = -5
      Nachfolger von n_9: \{n_{10}, n_{13}\}
      t = -NegaScout(n_{10}, 5, 6)
             a = \alpha = 5, b = \beta = 6
             Nachfolger von n_{10}: \{n_{11}, n_{12}\}
             t = -\text{NegaScout}(n_{11}, -6, -5) = 8 \text{ (Blattknoten)}
             a \ge \beta ? 8 > 6 (Minimal Window Cut-Off, n_{12} wird nicht durchsucht)
      t = -8
      a = -6, b = -5
      t = -\text{NegaScout}(n_{13}, 5, 6)
             a = \alpha = 5, b = \beta = 6
             Nachfolger von n_{13}: \{n_{14}, n_{15}\}
             t = -\text{NegaScout}(n_{14}, -6, -5) = 1 \text{ (Blattknoten)}
             a = 5, b = 6
             t = -\text{NegaScout}(n_{15}, -6, -5) = 4 \text{ (Blattknoten)}
             a = 5, b = 6
      a = -5, b = -4
t = 5
a = 5, b = 6
RETURN(5)
```

Aufgabe 3.2 Expectiminimax

Der erwartete Minimax Wert ist 9.26.



```
Aufgabe 3.3 Planen
```

```
at_a(a,p_a) % Affe in Position A
                                                                  % Spielzeug in Position B
                                                 at_s(s_2,p_b)
     at_b(b,p_b) % Banane in Position B
                                                                  % Spielzeug in Position C
                                                 at_s(s_3,p_c)
     at_k(k,p_c) % Kiste in Position C
                                                 hungrig(a)
                                                                  % Der Affe ist hungrig
     \operatorname{at}_s(s_1,p_a) % Spielzeug in Position A | \operatorname{auf\_boden}(a) % Der Affe ist auf dem Boden
     action:
                  go(A,P)
                  preconditions:
                                        at<sub>a</sub>(A,Q), auf_boden(A)
b)
                  add:
                                        at_a(A,P)
                  delete:
                                        at_a(A,Q)
     action:
                  push(A,K,P)
                  preconditions:
                                        at_a(A,Q), at_k(K,Q), auf\_boden(A)
                  add:
                                        \operatorname{at}_a(A,P), \operatorname{at}_k(K,P)
                  delete:
                                        at_a(A,Q), at_k(K,Q)
     action:
                  throw(A,S,P)
                  preconditions:
                                        at_a(A,Q), at_s(S,Q), auf\_boden(A)
                  add:
                                        at<sub>s</sub>(S,P)
                  delete:
                                        at<sub>s</sub>(S,Q)
     action:
                  up(A)
                  preconditions:
                                        at_a(A,P), at_k(K,P), auf\_boden(A)
                                        auf_kiste(A)
                  add:
                  delete:
                                        auf_boden(A)
     action:
                  down(A)
                  preconditions:
                                        auf_kiste(A)
                  add:
                                        auf_boden(A)
                  delete:
                                        auf_kiste(A)
     action:
                  eat(A,B)
                  preconditions:
                                        at_a(A,P), at_b(B,P), auf_kiste(A)
                  add:
                                         satt(A)
                  delete:
                                        hungrig(A), at_b(B,P)
c) Die Formulierung des Ziels lautet: satt(a)
    Der kürzeste Plan hierfür ist:
    go(a, p_c)
    push(a,k,p_b)
    up(a)
    eat(a)
    Faktenmenge: at_a(a, p_a), at_b(b, p_b), at_k(k, p_c), at_s(s_1, p_a), at_s(s_2, p_b), at_s(s_3, p_c), hungrig(a), at_b(b, p_b)
    Aktion: go(a, p_c)
    Faktenmenge: at_a(a, p_c), at_b(b, p_b), at_k(k, p_c), at_s(s_1, p_a), at_s(s_2, p_b), at_s(s_3, p_c), hungrig(a), at_b(b, p_b)
    Aktion: push(a,k,p_h)
    Faktenmenge: at_a(a, p_b), at_b(b, p_b), at_k(k, p_b), at_s(s_1, p_a), at_s(s_2, p_b), at_s(s_3, p_c), hungrig(a), at_b(b, p_b)
    Aktion: up(a)
     \text{neue Fakten: } \mathtt{at}_a(\mathtt{a}, p_b), \ \mathtt{at}_b(\mathtt{b}, p_b), \ \mathtt{at}_k(\mathtt{k}, p_b), \ \mathtt{at}_s(\mathtt{s}_1, p_a), \ \mathtt{at}_s(\mathtt{s}_2, p_b), \ \mathtt{at}_s(\mathtt{s}_3, p_c), \ \mathtt{hungrig(a)}, \ \mathtt{auf\_kiste(a)} 
    Aktion: eat(a)
    Faktenmenge: at_a(a, p_b), at_k(k, p_b), at_s(s_1, p_a), at_s(s_2, p_b), at_s(s_3, p_c), satt(a), auf\_kiste(a)
```

3